



ЛИНЕЙНЫЕ УРАВНЕНИЯ

*Холикова Тулкин Болтаевич - преподавателя математики
Кашкадарьинского Академического лицея МВД Республики Узбекистан*

Аннотация: В данной статье рассматриваются способы решения квадратных неравенств методом интервалов (интервалов), рассматривается математическое воображение, логическое мышление путем решения неравенств

Ключевые слова: функция, область определения, нули функции, квадратичная функция.

Kalit so`zlar: funksiya, aniqlanish sohasi, funksiya nollari, kvadrat funksiya.

Если график функции $y = f(x)$ на интервале $(a; b)$ можно нарисовать, не отрывая карандаша от бумаги, эта функция называется непрерывной на интервале $(a; b)$.

Например, $y = kx + b$, $y = ax^2 + bx + c$ функции являются непрерывными функциями в своей области определения.

Мы принимаем одно важное свойство непрерывных функций без доказательства. Если функция $f(x)$ непрерывна в интервале $(a; b)$ и не становится нулевой, то значения функции в этом интервале будут иметь один и тот же знак, то есть в этом интервале функция сохраняет свой знак.

Область определения квадратичной функции может быть разделена на три интервала $(-\infty; x_1)$, $(x_1; x_2)$, $(x_2; \infty)$, используя ее нули x_1 и x_2 (где $x_1 < x_2$). На каждом из этих интервалов квадратичная функция непрерывна и не становится нулевой, то есть сохраняет свой знак. Именно на этом свойстве основан метод интервалов решения однозначных неравенств.



Рассмотрим применение метода интервалов при решении квадратных неравенств.

Случай 1. $D > 0$. В этом случае будут два действительных числа x_1 и x_2 (где $x_1 < x_2$), которые являются нулями квадратичной функции. Они делят область определения квадратичной функции на интервалы: $(-\infty; x_1)$, $(x_1; x_2)$, $(x_2; \infty)$, и в каждом из этих интервалов значения функции будут иметь постоянный знак (“+” или “-”). Обозначение значений квадратичной функции в сгенерированных интервалах можно найти по – разному:

1) $y = ax^2 + bx + c$ обозначение значения функции $(-\infty; x_1)$, $(x_2; \infty)$ в каждом из интервалов и совпадает с обозначением коэффициента; подсказка на интервале $(x_1; x_2)$ противоположна подсказке на коэффициент a ;

2) Знак значений функции может быть определен в “удобной” точке в каждом интервале;

3) функцию $y = ax^2 + bx + c$ можно определить, записав ее в виде $y = a(x - x_1)(x - x_2)$ и найдя подсказки линейных множителей в каждом интервале.

Пример 1. решите неравенство $x^2 - 4x + 3 \leq 0$ методом интервалов.
Решение. Делим левую часть неравенства на множители: $(x - 1)(x - 3) \leq 0$. Его нули: 1 и 3. Отмечаем найденные точки на числовой оси и делим стрелку на интервалы. Определим знак функции $y = x^2 - 4x + 3$ в каждом интервале:



Поскольку в приведенном примере условие спрашивается, в каком диапазоне функция достигает своих неположительных значений, решение будет $[-1; 5]$. Ответ: $[-1; 5]$.

Adabiyotlar:

1. Sh.A. Alimov i dr. Algebra i nachala matematicheskogo analiza, uchebnik dlya 10–11 klassa. Uchebnik dlya bazovogo i profilnogo obrazovaniya, Moskva, “Prosveshenie”, 2016.
2. A.N. Kolmogorov i dr. Algebra i nachala analiza. Uchebnoe posobie dlya 10–11 klassov. Moskva, “Prosveshenie”, 2018.
3. Algebra. Uchebnoe posobie dlya 9–10 klassov. Pod red. N.Ya. Vilenkina. Moskva, “Prosveshenie”, 2004.
4. M.A. Mirzaahmedov, Sh.N. Ismoilov. 10-sinf uchun “Algebra va analiz asosolari” dan testlar, G'.G'ulom NMIU, Toshkent, 2005.
5. T.A. Azlarov, X. Mansurov. Matematik analiz asoslari. 3-nashr, “Universitet”, Toshkent, 2005.
6. M.A. Mirzaahmedov, Sh.N. Ismoilov, A.Q.Amanov 11-sinf uchun “Algebra va analiz asosolari” dan sinif darsligi, Toshkent, 2018.